

ИНФОРМАТИКА

INFORMATICS

*Вестник Сыктывкарского университета.*

*Серия 1: Математика. Механика. Информатика. 2023.*

*Выпуск 2 (47)*

*Bulletin of Syktovkar University.*

*Series 1: Mathematics. Mechanics. Informatics. 2023; 2 (47)*

Научная статья

УДК 539.3

[https://doi.org/10.34130/1992-2752\\_2023\\_2\\_17](https://doi.org/10.34130/1992-2752_2023_2_17)

## ОБ ОСОБЕННОСТЯХ ФИЛЬТРАЦИИ КОЛЛИЗИЙ В ФИЗИЧЕСКОМ ДВИЖКЕ ДЛЯ ТРЁХМЕРНЫХ ИГР

**Вадим Андреевич Мельников**

Сыктывкарский государственный университет

им. Питирима Сорокина, [muller95@yandex.ru](mailto:muller95@yandex.ru)

**Аннотация.** В статье рассматриваются параллельный и последовательный подход к реализации фильтрации коллизий на основе сортировки массивов и проведены замеры производительности различных сортировок с различным числом потоков.

**Ключевые слова:** физика, коллизии, столкновения, фильтрация, AABV, сортировка

**Для цитирования:** Мельников В. А. Об особенностях фильтрации коллизий в физическом движке для трёхмерных игр // *Вестник Сыктывкарского университета. Сер. 1: Математика. Механика. Информатика.* 2023. Вып. 2 (47). С. 17–28. [https://doi.org/10.34130/1992-2752\\_2023\\_2\\_17](https://doi.org/10.34130/1992-2752_2023_2_17)

Article

## About architectural features of collisions filtering in the physics engine for 3D games

Vadim A. Melnikov

Pitirim Sorokin Syktyvkar State University, muller95@yandex.ru

**Abstract.** The article discusses parallel and sequential approaches to the implementation of collision filtering based on array sorting and measures the performance of various sorts with different numbers of threads.

**Keywords:** physics, collisions, filtering, AABB, sorting

**For citation:** Melnikov V. A. About architectural features of collisions filtering in the physics engine for 3D games. *Vestnik Syktyvkarского университета. Seriya 1: Matematika. Mekhanika. Informatika* [Bulletin of Syktyvkar University, Series 1: Mathematics. Mechanics. Informatics], 2023, no 2 (47), pp. 17–28. [https://doi.org/10.34130/1992-2752\\_2023\\_2\\_17](https://doi.org/10.34130/1992-2752_2023_2_17)

**Введение** Современные игры представляют собой сложную систему, состоящую из множества игровых объектов, работающих в реальном времени и обращающихся к различным движкам (от английского engine) — рендер, звук, физика, сеть. Графический движок (иногда движок рендеринга, рендерер, визуализатор) отвечает за отрисовку изображения и симуляцию освещения. На основе движка рендеринга строится движок пользовательского интерфейса [1; 2]. Аудиодвижок отвечает за проигрывание звука на устройстве, позиционирование звуковых источников в пространстве для проигрывания объёмного звука, генерацию процедурного звука. Физический движок симулирует взаимодействие твёрдых и деформируемых тел в динамике, динамики жидкости, а также контролирует выполнение ограничений, установленных на взаимное расположение тел [3].

Игровые объекты могут состоять из одного или нескольких компонентов, которые в реальном времени обновляют своё состояние в зависимости от происходящего в игре и взаимодействуют с различными системами для обновления игрового мира. Например, в логике пользовательского интерфейса в главном меню может быть заложена логика асинхронной загрузки последних данных игрока с сервера, а в этот момент игроку показывается прогресс загрузки данных. Таким образом,

в реальном времени сразу задействованы две системы — рендер для отображения интерфейса и сеть для получения данных. Второй пример — полёт снаряда в игровом пространстве. В таком случае задействуются рендер для отрисовки снаряда и физика для расчётов баллистики и столкновений; в каждом кадре пересчитывается физическое состояние мира и обновляется изображение на экране.

В работе [4] игры рассматриваются как системы, с которыми взаимодействует игрок. С такого ракурса дополнительную важность приобретает физический движок, поскольку он обеспечивает симуляцию в реальном времени, расширяющую и углубляющую возможность интерактивного взаимодействия. Например, симуляция автомобиля в гоночной игре или тренажёре, связанном с вождением любого транспорта. К тому же проработанность симуляции будет напрямую влиять и на геймплей, это может быть простое движение твёрдого тела в пространстве без учёта сложных взаимодействий, что подойдёт для аркадных гонок; или же в программе может быть реализована сложная симуляция контакта колёс с ландшафтом для реконструкции поведения автомобиля на сложном рельефе [5]. Пуля, выпущенная из автомата, может быть представлена лучом, пересекающимся с препятствиями, или же будет рассчитано движение по баллистической траектории с учетом сопротивления воздуха.

Одной из важных задач физического движка является регистрация и обработка столкновений между телами. Данную задачу можно разделить на несколько этапов:

1. Фильтрация и обнаружение коллизий, если они есть.
2. Разрешение коллизий.
3. Обновление скоростей сталкивающихся тел.

Целью представленной работы является изучения возможностей оптимизации и особенностей фильтрации коллизий с помощью сортировки массивов [6], а также оптимизация фильтрации с применением современных алгоритмов сортировки [7], включая рассмотрение применимости параллелизма к данной задаче.

### **Постановка задачи регистрации коллизий и фильтрации**

Для проведения численных экспериментов будем рассматривать движение абсолютно твёрдых идеально гладких сфер диаметром 1 метр

и весом 1 килограмм. На старте сферы будут разгоняться стартовой силой в случайном направлении, и после этого сфера будет двигаться под действием только силы тяжести. Максимальное число частиц 8000.

Движение тел описывается принципом Даламбера

$$\sum_i^n F_i = ma, \quad (1)$$

где  $F_i$  — силы, действующие на частицу;  $m$  — масса частицы;  $a$  — ускорение.

А для того, чтобы сферы считались столкнувшимися, достаточно проверить, что расстояние (в качестве расстояния будем использовать евклидову норму) между центрами сфер строго меньше суммы их радиусов [8]:

$$\|P_i - P_j\|_2 < r_i + r_j, \quad (2)$$

где  $P_i, P_j \in R^3$  — координаты частиц в пространстве, а  $r_i, r_j \in R^1$  — радиусы частиц.

Если регистрировать столкновения без дополнительной фильтрации, то для 800 сфер получим  $\binom{800}{2} = 31996000$  проверок с вычислением глубины взаимопроникновения сфер. Вычисление взаимопроникновения использует евклидову норму, а наличие возведений в квадрат и вычисление квадратного корня будет негативно сказываться на производительности программы, при этом будет множество отрицательных проверок, хотя при диаметре мира 160 метров регистрируется всего 450–550 столкновений при описанном эксперименте, т. е. всего 0.0017 % положительных срабатываний.

Таким образом, для физического движка необходим способ снижения числа отрицательных проверок. Первое, что можно сделать, — это построить для сфер ограничивающие параллелепипеды, выровненные по осям (Axis-aligned bounding box, в дальнейшем AABV) [6], и воспользоваться теоремой о том, что AABV пересекаются тогда и только тогда, когда пересекаются проекции AABV на все оси пространства [9]. Таким образом уже можно отфильтровать часть ложных проверок с вычислением расстояний. Данная теорема основана на основном свойстве AABV, следующем из названия, что грани ограничивающего параллелепипеда направлены вдоль осей координат и координаты углов параллелепипеда находятся в основной («мировой») системе координат,

а не в локальной системе геометрического объекта. А для двумерного случая будет ограничивающий прямоугольник со сторонами, выровненными по осям, что можно видеть на рисунке.

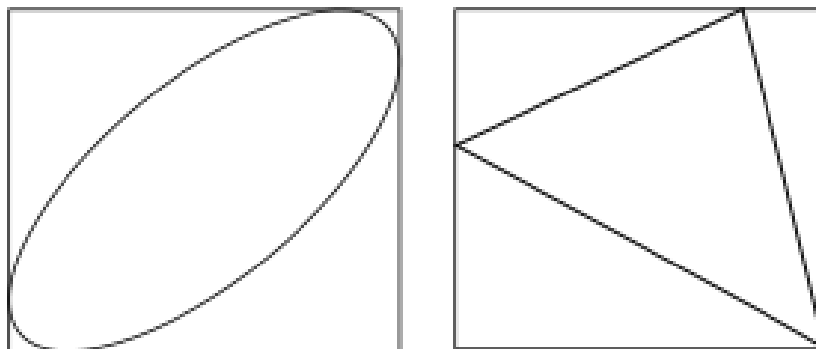


Рис. Пример AABB в 2D пространстве

Дальнейшая структуризация данных позволит ещё сильнее отфильтровать ложные проверки, поскольку если отсортировать AABB по одной из осей, например  $X$ , то при итерировании элементов по  $i$  и  $j$  ( $j > i$ ), если левый край  $j$ -го элемента лежит правее, чем правый край  $i$ -го, можно прервать итерирование по  $j$  и перейти к следующему  $i$ .

#### **Фильтрация коллизий с применением сортировки массива**

Кроме сортировки массивов существует много способов фильтрации коллизий, например разбиение пространства с помощью октодерева. Недостаток использования деревьев заключается в сложности их организации, они не представляют собой непрерывный участок памяти и менее эффективны в кэшировании. А отсортированный массив линеен в памяти, и его обход линеен и упорядочен, что ведёт к более эффективному использованию кэша [10].

В структуру данных для сферы входят следующие компоненты:

- данные о предыдущих скорости и ускорении, так как интегрирование сил для вычисления движения сфер происходит по методу Верле [11];
- текущая позиция сферы;
- кешированный AABB.

Для представления чисел будем использовать числа с плавающей точкой с одинарной точностью (`float`), одно такое число занимает 4 байта [12], таким образом, только текущие координаты сфер будут занимать 12 байт. Сортировка таких больших структур будет замедляться большим числом действий по копированию элементов при упорядочивании. Можно хранить указатели на элементы и переставлять только их, но в таком варианте, если сферы создаются просто с помощью оператора `new`, нарушается линейность памяти. Поскольку память нужна и для хранения частицы и указателя, можно хранить сферы в массиве, а в дополнительном, который будет сортироваться, хранить указатель на сферу или индекс сферы. Индекс является более предпочтительным, поскольку размер индекса можно подобрать под максимальное число объектов, 8000 объектов можно разместить и в 16-битном беззнаковом числе. Таким способом получают две линейные области памяти, в одной – структуры данных сфер, в которых обновляются данные, во второй – индексы, которые можно быстро переставлять местами.

Реализация замеров производительности проводилась на движке Godot 4 [13], а для сравнения эффективности метода использовалось несколько сортировок:

- `stable_sort` из стандартной библиотеки C++ [14];
- `sort_custom` из стандартной библиотеки Godot [15];
- `array sort` [7].

Большинство игр рендерится с частотой 30 или 60 кадров в секунду, т. е. для 30 кадров в секунду построение всего кадра не должно занимать более 33 миллисекунд. В работе рассматриваются замеры производительности только на центральном процессоре (CPU).

Особенность `array sort`, предложенного в статье [7], — частичная «предсортировка» и определение возрастающих последовательностей в массиве, что в дальнейшем приводит к ускорению сортировки, поскольку слияние выполняется для тегов, обозначающих начала возрастающих последовательностей. Также авторами предлагаются две схемы параллельной сортировки. На самом деле, схема с разделением массива на части и параллельной сортировкой частей может выполняться любой сортировкой, только последний шаг должен быть слиянием (как и в сортировке слиянием, просто не для двух последовательностей, а для  $n$ , где  $n$  — число ядер процессора) [17].

### Результаты

Все замеры производительности проводились на процессоре Ryzen 3900X (12 физических ядер, 24 потока, 3.6 ГГц – базовая частота). Результаты отражают сумму времени за цикл при 30 итерациях разрешения коллизий. Время разрешения коллизий после фильтрации составляет 4.5–5.0 мс. Число коллизий на кадр для 8000 сфер 450–550 коллизий. В таблице приведены результаты замеров сортировок.

*Таблица*

### Результаты измерений скорости сортировки для двух алгоритмов для различного числа потоков

	Array sort, мс	Stable sort, мс
1 поток	4.5–6.0	9.0–10.0
2 потока	6.0–7.0	9.5–10.5
4 потока	8.4–9.1	9.5–11.0
8 потоков	14.0–16.0	20.0–21.0
12 потоков	19.0–20.0	20.0–21.0
24 потока	33.0–36.0	36.0–38.0

Из-за особенности реализаций стандартной библиотеки Godot нельзя отсортировать просто область памяти в отличие от стандартной библиотеки C++. Поэтому для custom sort приводится только один поток: 14.7–16.0 мс. Исходя из двух остальных замеров можно сделать однозначный вывод о неприменимости распараллеливания для оптимизации сортировки в реальном времени.

С ростом числа потоков наблюдается заметное увеличение времени выполнения алгоритма, что свидетельствует о непригодности распараллеливания для выполнения фильтрации коллизий в реальном времени, поскольку обращение к очереди заданий и постановка задачи в неё происходят через обращение к функциям ядра, занимающим много времени. Просто запустить потоки и дождаться их без сортировки занимает 5 мс, что составляет почти 30 % бюджета кадра при частоте 60 кадров в секунду.

Следует отметить, что симуляция физики с использованием вычислительных шейдеров показывает хорошие результаты [16] и параллельная реализация алгоритмов сортировки возможна и для графического процессора (GPU)<sup>1</sup>. Для реализации на GPU достаточно передать массив и места, с которых начинается сортировка.

Применимость параллельных вычислений в статье [16] объясняется отсутствием необходимости синхронизировать в конце потоки и редким обращением к параллелизму, обновление положения частиц происходит всего один раз за кадр. Также параллельные сортировки в конце сводятся фактически к сортировке вставками для слияния результатов всех потоков. И чем больше потоков, тем больше будет сходство с сортировкой вставками.

Возможно параллелизация показала бы лучший результат на построении деревьев, например октодеревя [6], так как 8 начальных частей октодеревя строятся независимо друг от друга и не требуется дополнительных действий по слиянию после выполнения алгоритма.

### Заключение

По результатам работы можно сделать вывод о том, что алгоритмы распараллеливания для сортировок в реальном времени не подходят, поскольку цена постановки задачи на выполнение в многопоточную очередь или создания потока с последующим слиянием результатов выше, чем сортировка всех объектов сразу. О нелинейности оптимизации и ухудшении результатов оптимизации также говорят и в статье [7]. Но применение современного метода сортировки `array sort` показало его значительное превосходство в скорости работы по сравнению со стандартными методами.

## Список источников

1. Мельников В. А. Процесс разработки движка для 2D-игр и интерфейсов Sad Lion Engine // *Вестник Сыктывкарского университета. Сер. 1: Математика. Механика. Информатика*. 2019. Вып. 4 (33). С. 21—37.

---

<sup>1</sup>GPU в персональных компьютерах выделен на отдельную плату и имеет собственную дополнительную память, в мобильных устройствах имеет общий чип памяти с CPU.



2. **Melnikov V. A., Yermolenko A. V.** Development of XML-based Markup Language // *Вестник Сыктывкарского университета. Сер. 1: Математика. Механика. Информатика.* 2022. Вып. 1 (42). С. 61–73.
3. **Gregory J.** Game engine architecture, 3rd edition. Boca Raton: CRC Press, 2019. 1200 p.
4. **Зубек Р.** Элементы геймдизайна. Как создавать игры, от которых невозможно оторваться. М.: Бомбора, 2022. 272 с.
5. **Страшнов Е. В., Торгашев М. А.** Алгоритмы определения коллизий аппроксимирующих цилиндров с моделью рельефа местности // *International Journal of Open Information Technologies.* 2020. Vol. 8. No 7. С. 40–49.
6. **Ericson C.** Real-time collision detection. Amsterdam, Boston, Heidelberg, London, New York, Oxford, Paris, San Diego, San Francisco, Singapore, Sydney, Tokyo: Morgan Kaufman Publishers, 2005. 593 p.
7. **Huang X., Liu Z., Li J.** Array sort: an adaptive sorting algorithm on multi-thread // *The Journal of Engineering.* 10.1049/joe.2018.5154. 2019. Pp. 3455–3459.
8. **Millington I.** Game physics engine development. Amsterdam, Boston, Heidelberg, London, New York, Oxford, Paris, San Diego, San Francisco, Singapore, Sydney, Tokyo: Morgan Kaufman Publishers, 2007. 456 p.
9. **Huynh J.** Separating axis theorem for oriented bounding boxes [Электронный ресурс]. URL: <http://www.jkh.me/files/tutorials/Separating%20Axis%20Theorem%20for%20Oriented%20Bounding%20Boxes.pdf> (дата обращения: 30.05.2023).
10. **Bhagrav N.** Cache-friendly code [Электронный ресурс] // Baeldung. URL: <https://www.baeldung.com/cs/cache-friendly-code> (дата обращения: 30.05.2023).
11. **House D. H., Keyser J. C.** Foundations of physically based modelling and animation. Boca Raton: CRC Press, 2017. 382 p.

12. Fundamental types [Электронный ресурс] // C++ reference. URL: <https://en.cppreference.com/w/cpp/language/types> (дата обращения 30.05.2023).
13. Godot [Электронный ресурс] // Godot. URL: <https://godotengine.org/> (дата обращения 30.05.2023).
14. `std::stable_sort` [Электронный ресурс] // C++ reference. URL: [https://en.cppreference.com/w/cpp/algorithm/stable\\_sort](https://en.cppreference.com/w/cpp/algorithm/stable_sort) (дата обращения 30.05.2023).
15. Array [Электронный ресурс] // Godot docs. URL: [https://docs.godotengine.org/en/stable/classes/class\\_array.html](https://docs.godotengine.org/en/stable/classes/class_array.html) (дата обращения 30.05.2023).
16. **Озерницкий А. В.** Моделирование методом частиц на GPU с использованием языка GLSL // Выч. мет. программирование. 2023. Вып. 1 (24). С. 37–54.
17. **Кнут Д.** Искусство программирования. Том 3. Сортировка и поиск. М.: Вильямс. 2001. 824 с.

## References

1. **Melnikov V. A.** Development Process of game engine core for 2D-games and interfaces Sad Lion Engine. *Vestnik Syktyvkarского университета. Серия 1: Математика. Механика. Информатика* [Bulletin of Syktyvkar University. Series 1: Mathematics. Mechanics. Informatics], 2019, 4 (33), pp. 21–37. (In Russ.)
2. **Melnikov V. A., Yermolenko A. V.** Development of XML-based Markup Language. *Vestnik Syktyvkarского университета. Серия 1: Математика. Механика. Информатика* [Bulletin of Syktyvkar University. Series 1: Mathematics. Mechanics. Informatics], 2022, 1 (42), pp. 61–73.
3. **Gregory J.** *Game engine architecture, 3rd edition*. Boca Raton: CRC Press. 2019, 1200 p.
4. **Zubek P.** *Elementy geymdizayna. Kak sozdavat' igry, ot kotorykh nevozmozhno otorvat'sya* [Elements of game design. How to create

- games from which it is impossible to break away]. М.: Bombora, 2022. 272 p. (In Russ.)
5. **Strashnov E. V., Torgrashev M. A.** Collision detection algorithms of bounding cylinders with terrain model. *International Journal of Open Information Technologies*. 2020, vol. 8, no 7, pp. 40–49. (In Russ.)
  6. **Ericson C.** *Real-time collision detection*. Amsterdam, Boston, Heidelberg, London, New York, Oxford, Paris, San Diego, San Francisco, Singapore, Sydney, Tokyo: Morgan Kaufman Publishers, 2005. 593 p.
  7. **Huang X., Liu Z., Li J.** Array sort: an adaptive sorting algorithm on multi-thread. *The Journal of Engineering*. 10.1049/joe.2018.5154. 2019, pp. 3455–3459.
  8. **Millington I.** *Game physics engine development*. Amsterdam, Boston, Heidelberg, London, New York, Oxford, Paris, San Diego, San Francisco, Singapore, Sydney, Tokyo: Morgan Kaufman Publishers, 2007. 456 p.
  9. **Huynh J.** Separating axis theorem for oriented bounding boxes [Electronic resource]. Available at: <http://www.jkh.me/files/tutorials/Separating%20Axis%20Theorem%20for%20Oriented%20Bounding%20Boxes.pdf> (accessed: 30.05.2023).
  10. **Bhagrav N.** Cache-friendly code [Electronic resource]. *Baeldung*. Available at: <https://www.baeldung.com/cs/cache-friendly-code> (accessed: 30.05.2023).
  11. **House D. H., Keyser J. C.** *Foundations of physically based modelling and animation*. Boca Raton: CRC Press, 2017. 382 p.
  12. Fundamental types [Electronic resource]. *C++ reference*. Available at: <https://en.cppreference.com/w/cpp/language/types> (accessed: 30.05.2023).
  13. Godot [Electronic resource]. *Godot*. Available at: <https://godotengine.org/> (accessed: 30.05.2023).
  14. `std::stable_sort` [Electronic resource]. *C++ reference*. Available at: [https://en.cppreference.com/w/cpp/algorithm/stable\\_sort](https://en.cppreference.com/w/cpp/algorithm/stable_sort) (accessed: 30.05.2023).

15. Array [Electronic resource]. *Godot docs*. Available at: [https://docs.godotengine.org/en/stable/classes/class\\_array.html](https://docs.godotengine.org/en/stable/classes/class_array.html) (accessed: 30.05.2023).
16. **Ozeritskiy A. V.** Computational simulation using particles on GPU and GLSL language. *Vych. met. programmirovaniye* [Numerical Methods and Programming]. 2023, issue 1 (24), pp. 37–54. (In Russ.)
17. **Knuth D.** *Iskusstvo programmirovaniya. T. 3. Sortirovka i poisk.* [The art of computer programming. Vol. 3. Sorting and searching]. М.: Vilyams, 2001. 824 p.

Сведения об авторе / Information about author

Мельников Вадим Андреевич / Vadim A. Melnikov

аспирант / postgraduate student

Сыктывкарский государственный университет им. Питирима Сорокина / Pitirim Sorokin Syktyvkar State University

167001, Россия, г. Сыктывкар, Октябрьский пр., 55 / 167001, Russia, Syktyvkar, Oktyabrsky Ave., 55

Статья поступила в редакцию / The article was submitted 01.06.2023

Одобрено после рецензирования / Approved after reviewing 06.06.2023

Принято к публикации / Accepted for publication 08.06.2023